

# PLAN REALIZACJI MATERIAŁU NAUCZANIA Z MATEMATYKI W KLASIE VIIIC SZKOŁY PODSTAWOWEJ WRAZ Z OKREŚLENIEM WYMAGAŃ EDUKACYJNYCH

OPRACOWANO NA PODSTAWIE PROGRAMU *MATEMATYKA Z PLUSEM* I PODRĘCZNIKA O NR DOP. 780/5/2018

## OBOWIĄZUJĄCY ZESTAW PODRĘCZNIKÓW WYDANYCH PRZEZ GWO

- Matematyka 8. Podręcznik do klasy ósmej szkoły podstawowej, *praca zbiorowa pod red. M. Dobrowolskiej*
- Matematyka 8. Zeszyt ćwiczeń, *M. Dobrowolska, M. Jucewicz, M. Karpiński*
- Matematyka 8. Ćwiczenia podstawowe, *J. Lech*
- Matematyka 8. Zbiór zadań, *M. Braun, J. Lech, M. Pisarski*

## KSIĄŻKI I MATERIAŁY POMOCNICZE WYDANE PRZEZ GWO

- Matematyka 8. Podręcznik do klasy ósmej szkoły podstawowej. Wersja dla nauczyciela, *praca zbiorowa pod red. M. Dobrowolskiej*
- Matematyka 8. Lekcje powtórzeniowe, *M. Grochowalska*
- Matlandia 8. Ćwiczenia interaktywne – program online

**4 godziny tygodniowo, czyli 125 godzin w ciągu roku**

## POZIOMY WYMAGAŃ EDUKACYJNYCH:

- |                   |                         |
|-------------------|-------------------------|
| K - konieczny     | ocena dopuszczająca (2) |
| P - podstawowy    | ocena dostateczna (3)   |
| R - rozszerzający | ocena dobra (4)         |
| D - dopełniający  | ocena bardzo dobra (5)  |
| W - wykraczający  | ocena celująca (6)      |

Umiejętności nieuwzględnione w nowej podstawie programowej zaznaczono **szarym paskiem**.

## DZIAŁ 1. LICZBY I DZIAŁANIA (16 h)

TEMAT ZAJĘĆ	CELE PODSTAWOWE	CELE PONADPODSTAWOWE
1. Lekcja organizacyjna. Zapoznanie uczniów z wymaganiami edukacyjnymi.	<p>Uczeń:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• zna podręcznik, z którego będzie korzystał w ciągu roku szkolnego (K)</li> <li>• zna PSO (K)</li> </ul>	<p>Uczeń:</p>
2-3. System rzymski.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• zna znaki używane do zapisu liczb w systemie rzymskim (K)</li> <li>• zna zasady zapisu liczb w systemie rzymskim (P)</li> <li>• umie zapisać i odczytać liczby naturalne dodatnie w systemie rzymskim (w zakresie do 3000) (K-P)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• umie zapisać i odczytać w systemie rzymskim liczby większe od 4000 (R-D)</li> </ul>
4-5. Własności liczb naturalnych.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• zna cechy podzielności przez 2, 3, 4, 5, 9, 10, 100 (K)</li> <li>• zna pojęcia liczby pierwszej i liczby złożonej (K)</li> <li>• zna pojęcie dzielnika liczby naturalnej (K)</li> <li>• zna pojęcie wielokrotności liczby naturalnej (K)</li> <li>• rozpoznaje liczby podzielne przez 2, 3, 4, 5, 9, 10, 100 (K)</li> <li>• rozpoznaje liczby pierwsze i liczby złożone (K)</li> <li>• rozkłada liczby na czynniki pierwsze (K, P)</li> <li>• znajduje NWD i NWW dwóch liczb naturalnych (K, P)</li> <li>• oblicza dzielną (lub dzielnik), mając dane iloraz, dzielnik (lub dzielną) oraz resztę z dzielenia (P)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• znajduje resztę z dzielenia sumy, różnicy, iloczynu liczb (R-D)</li> <li>• znajduje NWD i NWW liczb naturalnych przedstawionych w postaci iloczynu potęg liczb pierwszych (R-D)</li> <li>• umie rozwiązać nietypowe zadania tekstowe związane z dzieleniem z resztą (R-W)</li> </ul>
6-7. Porównywanie liczb.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• zna pojęcia: liczby naturalnej, liczby całkowitej, liczby wymiernej (K)</li> <li>• zna pojęcia: liczby przeciwnej do danej oraz odwrotności danej liczby (K)</li> <li>• umie podać liczbę przeciwną do danej (K) oraz odwrotność danej liczby (K-P)</li> <li>• umie podać rozwinięcie dziesiętne ułamka zwykłego (K-P)</li> <li>• umie odczytać współrzędną punktu na osi liczbowej oraz zaznaczyć liczbę na osi liczbowej (K-P)</li> <li>• zna pojęcie potęgi o wykładniku: naturalnym (K)</li> <li>• zna pojęcie pierwiastka arytmetycznego II stopnia z liczby nieujemnej i III stopnia z dowolnej liczby (K)</li> <li>• zna pojęcie notacji wykładniczej (K)</li> <li>• umie obliczyć potęgę o wykładniku: naturalnym (K)</li> <li>• umie obliczyć pierwiastek arytmetyczny II i III stopnia z liczb, które są odpowiednio kwadratami lub sześciątami liczb wymiernych (K)</li> <li>• rozumie potrzebę stosowania notacji wykładniczej w praktyce (P)</li> <li>• umie zapisać liczbę w notacji wykładniczej (P)</li> <li>• umie oszacować wartość wyrażenia zawierającego pierwiastki (P-R)</li> <li>• umie porównywać (K) oraz porządkować (K-P) liczby przedstawione w różny sposób</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• umie odczytać współrzędne punktów na osi liczbowej i zaznaczyć liczbę na osi liczbowej (R)</li> <li>• umie porównywać i porządkować liczby przedstawione w różny sposób (R-D)</li> <li>• umie zapisać liczbę w notacji wykładniczej (R)</li> </ul>
8-10. Działania na liczbach.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• zna algorytmy działań na ułamkach (K)</li> <li>• zna reguły dotyczące kolejności wykonywania działań (K)</li> <li>• zna zasadę zamiany jednostek (P)</li> <li>• umie zamieniać jednostki (K-P)</li> <li>• umie wykonać działania łączne na liczbach (K-P)</li> <li>• umie rozwiązać zadania tekstowe związane z działaniami na liczbach (P)</li> <li>• umie oszacować wynik działania (K-R)</li> <li>• umie zaokrąglić liczby do podanego rzędu (K-P)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• umie wykonać działania łączne na liczbach (R-D)</li> <li>• umie porównać liczby przedstawione na różne sposoby (R-D)</li> <li>• umie rozwiązać zadania tekstowe dotyczące różnych sposobów zapisywania liczb (R-D)</li> <li>• umie rozwiązać zadania tekstowe związane z działaniami na liczbach (R-D)</li> </ul>

11-13. Działania na potęgach i pierwiastkach.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• zna własności działań na potęgach i pierwiastkach (K)</li> <li>• umie zapisać w postaci jednej potęgi iloczyny i ilorazy potęg o takich samych podstawach (K-P)</li> <li>• umie zapisać w postaci jednej potęgi iloczyny i ilorazy potęg o takich samych wykładnikach (K-P)</li> <li>• umie zapisać w postaci jednej potęgi potęgę potęgi o wykładniku naturalnym (K-P)</li> <li>• stosuje w obliczeniach notację wykładniczą (P-R)</li> <li>• umie wyłączyć czynnik przed znak pierwiastka (P)</li> <li>• umie włączyć czynnik pod znak pierwiastka (P)</li> <li>• umie oszacować wartość wyrażenia zawierającego pierwiastki (P-R)</li> <li>• umie obliczyć wartość wyrażenia zawierającego pierwiastki i potęgi (P-R)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• umie oszacować wartość wyrażenia zawierającego pierwiastki (R-D)</li> <li>• umie wyłączyć czynnik przed znak pierwiastka (R)</li> <li>• umie włączyć czynnik pod znak pierwiastka (R-D)</li> <li>• umie usunąć niewymierność z mianownika, korzystając z własności pierwiastków (R)</li> </ul>
<b>14. Powtórzenie wiadomości o liczbach i działaniach.</b>		
<b>15. Sprawdzian wiadomości z liczb i działań.</b>		
<b>16. Omówienie wyników sprawdzianu z liczb i działań.</b>		

## DZIAŁ 2. WYRAŻENIA ALGEBRAICZNE I RÓWNANIA (13 h)

17-18. Przekształcenia algebraiczne.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• zna pojęcia: wyrażenie algebraiczne, jednomian, suma algebraiczna, wyrazy podobne (K)</li> <li>• zna zasadę przeprowadzania redukcji wyrazów podobnych (K)</li> <li>• umie budować proste wyrażenia algebraiczne (K)</li> <li>• umie redukować wyrazy podobne w sumie algebraicznej (K-P)</li> <li>• umie dodawać i odejmować sumy algebraiczne (K-P)</li> <li>• umie mnożyć jednomiany, sumę algebraiczną przez jednomian (K) oraz sumy algebraiczne (K-P)</li> <li>• umie obliczyć wartość liczbową wyrażenia bez jego przekształcania (K-P) i po przekształceniu do postaci dogodnej do obliczeń (P)</li> <li>• umie przekształcać wyrażenia algebraiczne (K-P)</li> <li>• umie opisywać zadania tekstowe za pomocą wyrażeń algebraicznych (P)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• umie obliczyć wartość liczbową wyrażenia po przekształceniu do postaci dogodnej do obliczeń (R-D)</li> <li>• umie przekształcać wyrażenia algebraiczne (R-D)</li> <li>• umie opisywać zadania tekstowe za pomocą wyrażeń algebraicznych (R-D)</li> <li>• umie stosować przekształcenia wyrażeń algebraicznych w zadaniach tekstowych (R-W)</li> </ul>
19-22. Równania.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• zna pojęcie równania (K)</li> <li>• zna pojęcia równań: równoważnych, tożsamościowych, sprzecznych (P)</li> <li>• zna metodę równań równoważnych (K)</li> <li>• rozumie pojęcie rozwiązania równania (K)</li> <li>• potrafi sprawdzić, czy dana liczba jest rozwiązaniem równania (K)</li> <li>• umie rozwiązać równanie (K-P)</li> <li>• umie rozpoznać równanie sprzeczne lub tożsamościowe (P)</li> <li>• umie przekształcić wzór (P)</li> <li>• umie opisać za pomocą równania zadanie osadzone w kontekście praktycznym (P-R)</li> <li>• umie rozwiązać zadania tekstowe związane z zastosowaniem równań (P-R)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• umie rozwiązać równanie (R-D)</li> <li>• umie przekształcić wzór (R-D)</li> <li>• umie rozwiązać zadania tekstowe związane z zastosowaniem równań (R-W)</li> </ul>
23-24. Proporcje.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• zna pojęcie proporcji i jej własności (P)</li> <li>• umie rozwiązywać równania zapisane w postaci proporcji (P)</li> <li>• umie wyrazić treść zadania za pomocą proporcji (P-R)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• umie rozwiązać równanie, korzystając z proporcji (R-D)</li> <li>• umie wyrazić treść zadania za pomocą proporcji (R-W)</li> <li>• umie rozwiązać zadania tekstowe za pomocą proporcji (R-W)</li> </ul>
25-26. Wielkości wprost proporcjonalne.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• rozumie pojęcie proporcjonalności prostej (P)</li> <li>• umie rozpoznawać wielkości wprost proporcjonalne (P)</li> <li>• umie ułożyć odpowiednią proporcję (P-R)</li> <li>• umie rozwiązywać zadania tekstowe związane z wielkościami wprost proporcjonalnymi (P-R)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• umie rozwiązywać zadania tekstowe związane z wielkościami wprost proporcjonalnymi (D-W)</li> </ul>
<b>27. Powtórzenie wiadomości o wyrażeniach algebraicznych i równaniach.</b>		

28. Sprawdzenie wiadomości z wyrażeń algebraicznych i równań.

29. Omówienie wyników sprawdzianu z wyrażeń algebraicznych i równań.

### DZIAŁ 3. FIGURY NA PŁASZCZYŹNIE (23 h)

30-32. Trójkąty i czworokąty.	<ul style="list-style-type: none"><li>• zna pojęcie trójkąta (K)</li><li>• zna warunek istnienia trójkąta (P)</li><li>• wie, ile wynosi suma miar kątów wewnętrznych trójkąta i czworokąta (K)</li><li>• zna wzór na pole dowolnego trójkąta (K)</li><li>• zna cechy przystawiania trójkątów (P)</li><li>• zna definicję prostokąta, kwadratu, trapezu, równoległoboku i rombu (K)</li><li>• zna wzory na obliczanie pól powierzchni czworokątów (K)</li><li>• zna własności czworokątów (K)</li><li>• rozumie zasadę klasyfikacji trójkątów i czworokątów (P)</li><li>• umie sprawdzić, czy z odcinków o danych długościach można zbudować trójkąt (P)</li><li>• umie obliczyć miarę trzeciego kąta trójkąta, mając dane dwa pozostałe (K)</li><li>• umie obliczyć pole trójkąta o danej podstawie i wysokości (K)</li><li>• umie rozpoznać trójkąty przystające (P)</li><li>• umie obliczyć pole i obwód czworokąta (K-P)</li><li>• umie obliczyć pole wielokąta (P)</li><li>• umie wyznaczyć kąty trójkąta i czworokąta na podstawie danych z rysunku (K-P)</li><li>• umie obliczyć wysokość (bok) równoległoboku lub trójkąta, mając dane jego pole oraz bok (wysokość) (P)</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>• umie wyznaczyć kąty trójkąta na podstawie danych z rysunku (R-D)</li><li>• umie obliczyć długość odcinka w układzie współrzędnych (R)</li><li>• umie uzasadnić przystawianie trójkątów (R-D)</li><li>• umie sprawdzić współliniowość trzech punktów (D)</li><li>• umie obliczyć pole czworokąta (R)</li><li>• umie obliczyć pole wielokąta (R)</li><li>• umie wyznaczyć kąty czworokąta na podstawie danych z rysunku (R-D)</li><li>• umie rozwiązać zadania tekstowe związane z wielokątami (R-W)</li></ul>
33-34. Twierdzenie Pitagorasa.	<ul style="list-style-type: none"><li>• zna twierdzenie Pitagorasa (K)</li><li>• rozumie potrzebę stosowania twierdzenia Pitagorasa (K)</li><li>• umie obliczyć długość przeciwprostokątnej na podstawie twierdzenia Pitagorasa (K)</li><li>• umie obliczyć długości przyprostokątnych na podstawie twierdzenia Pitagorasa (P)</li><li>• umie rozwiązać zadania tekstowe, w którym stosuje twierdzenie Pitagorasa (R)</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>• rozumie konstrukcję odcinka o długości wyrażonej liczbą niewymierną (R)</li><li>• umie konstruować odcinek o długości wyrażonej liczbą niewymierną (R-D)</li><li>• umie konstruować kwadraty o polu równym sumie lub różnicy pól danych kwadratów (R-D)</li><li>• umie uzasadnić twierdzenie Pitagorasa (W)</li></ul>
35-38. Zastosowania twierdzenia Pitagorasa.	<ul style="list-style-type: none"><li>• umie wskazać trójkąt prostokątny w innej figurze (K)</li><li>• umie stosować twierdzenie Pitagorasa w prostych zadaniach o trójkątach, prostokątach, trapezach, rombch (K-P)</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>• umie stosować twierdzenie Pitagorasa w zadaniach o trójkątach, prostokątach, trapezach, rombch (R-D)</li><li>• umie stosować twierdzenie Pitagorasa w zadaniach tekstowych (R-D)</li></ul>
39-40. Przekątna kwadratu. Wysokość trójkąta równobocznego.	<ul style="list-style-type: none"><li>• zna wzór na obliczanie długości przekątnej kwadratu (K)</li><li>• zna wzór na obliczanie wysokości trójkąta równobocznego (K)</li><li>• zna wzór na obliczanie pola trójkąta równobocznego (P)</li><li>• umie wyprowadzić wzór na obliczanie długości przekątnej kwadratu (P)</li><li>• umie obliczyć długość przekątnej kwadratu, znając długość jego boku (K-P)</li><li>• umie obliczyć wysokość lub pole trójkąta równobocznego, znając długość jego boku (P-R)</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>• umie wyprowadzić wzór na obliczanie wysokości trójkąta równobocznego (R)</li><li>• umie obliczyć długość boku lub pole kwadratu, znając długość jego przekątnej (R)</li><li>• umie obliczyć długość boku lub pole trójkąta równobocznego, znając jego wysokość (R-D)</li></ul>

	<ul style="list-style-type: none"> <li>•umie obliczyć długość boku lub pole kwadratu, znając długość jego przekątnej (P)</li> <li>•mie rozwiązać zadania tekstowe związane z przekątną kwadratu lub wysokością trójkąta równobocznego (P)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>•mie rozwiązać zadania tekstowe związane z przekątną kwadratu lub wysokością trójkąta równobocznego (R-W)</li> </ul>
41-43. Trójkąty o kątach $90^{\circ}$ , $45^{\circ}$ , $45^{\circ}$ oraz $90^{\circ}$ , $30^{\circ}$ , $60^{\circ}$ .	<ul style="list-style-type: none"> <li>•na zależności między bokami i kątami trójkąta o kątach <math>90^{\circ}</math>, <math>45^{\circ}</math>, <math>45^{\circ}</math> oraz <math>90^{\circ}</math>, <math>30^{\circ}</math>, <math>60^{\circ}</math> (P)</li> <li>•mie wskazać trójkąt prostokątny o kątach <math>90^{\circ}</math>, <math>45^{\circ}</math>, <math>45^{\circ}</math> oraz <math>90^{\circ}</math>, <math>30^{\circ}</math>, <math>60^{\circ}</math> (K-P)</li> <li>•mie rozwiązać trójkąt prostokątny o kątach <math>90^{\circ}</math>, <math>45^{\circ}</math>, <math>45^{\circ}</math> oraz <math>90^{\circ}</math>, <math>30^{\circ}</math>, <math>60^{\circ}</math> (P)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>•mie rozwiązać trójkąt prostokątny o kątach <math>90^{\circ}</math>, <math>45^{\circ}</math>, <math>45^{\circ}</math> oraz <math>90^{\circ}</math>, <math>30^{\circ}</math>, <math>60^{\circ}</math> (R-D)</li> <li>•mie rozwiązać zadania tekstowe wykorzystujące zależności między bokami i kątami trójkąta o kątach <math>90^{\circ}</math>, <math>45^{\circ}</math>, <math>45^{\circ}</math> oraz <math>90^{\circ}</math>, <math>30^{\circ}</math>, <math>60^{\circ}</math> (R-W)</li> </ul>
44-45. Odcinki w układzie współrzędnych.	<ul style="list-style-type: none"> <li>•mie odczytać odległość między dwoma punktami o równych odciętych lub rzędnych (K)</li> <li>•mie wyznaczyć odległość między dwoma punktami, których współrzędne wyrażone są liczbami całkowitymi (P)</li> <li>•mie wyznaczyć środek odcinka (P-R)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>•mie obliczyć długości boków wielokąta leżącego w układzie współrzędnych (R)</li> <li>•mie sprawdzić, czy punkty leżą na okręgu lub w kole umieszczonym w układzie współrzędnych (R-D)</li> <li>•mie rozwiązać zadania tekstowe wykorzystujące obliczanie długości odcinków w układzie współrzędnych (R-D)</li> </ul>
46-49. Dowodzenie w geometrii.	<ul style="list-style-type: none"> <li>•na podstawowe własności figur geometrycznych (K)</li> <li>•mie wykonać rysunek ilustrujący zadanie (P)</li> <li>•mie wprowadzić na rysunku dodatkowe oznaczenia (P)</li> <li>•mie dostrzegać zależności pomiędzy dowodzonymi zagadnieniami a poznaną teorią (P)</li> <li>•mie podać argumenty uzasadniające tezę (P-R)</li> <li>•mie przedstawić zarys, szkic dowodu (P-R)</li> <li>•mie przeprowadzić prosty dowód (P-R)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>•mie zapisać dowód, używając matematycznych symboli (R-D)</li> <li>•mie przeprowadzić dowód (R-D)</li> </ul>
<b>50. Powtórzenie wiadomości o figurach na płaszczyźnie</b>		
<b>51. Sprawdzian wiadomości z figur na płaszczyźnie.</b>		
<b>52. Omówienie wyników sprawdzianu z figur na płaszczyźnie.</b>		

## DZIAŁ 4. ZASTOSOWANIA MATEMATYKI (19 h)

53-55. Obliczenia procentowe.	<ul style="list-style-type: none"> <li>•zna pojęcie procentu (K)</li> <li>•rozumie potrzebę stosowania procentów w życiu codziennym (K)</li> <li>•umie zamienić procent na ułamek i odwrotnie (K-P)</li> <li>•umie obliczyć procent danej liczby (K-P)</li> <li>•umie odczytać dane z diagramu procentowego (K-P)</li> <li>•umie obliczyć liczbę na podstawie danego jej procentu (P)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>•umie obliczyć liczbę na podstawie danego jej procentu (R)</li> <li>•umie obliczyć, jakim procentem jednej liczby jest druga liczba (R)</li> <li>•umie rozwiązać zadania związane ze stężeniami procentowymi (R-D)</li> <li>•zna pojęcie promila (R)</li> <li>•umie obliczyć promil danej liczby (R)</li> </ul>
-------------------------------	--	--

	<ul style="list-style-type: none"> <li>• umie obliczyć, jakim procentem jednej liczby jest druga liczba (P)</li> <li>• umie rozwiązać zadania związane z procentami (P)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• umie rozwiązać zadania związane z procentami (R-W)</li> </ul>
56-58 Zmiana o dany procent. Lokaty bankowe.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• zna pojęcie punktu procentowego (P)</li> <li>• zna pojęcia oprocentowania i odsetek (K)</li> <li>• zna pojęcie inflacji (P)</li> <li>• umie obliczyć liczbę większą lub mniejszą o dany procent (P)</li> <li>• umie obliczyć, o ile procent wzrosła lub zmniejszyła się liczba (P-R)</li> <li>• umie obliczyć liczbę na podstawie jej procentowego wzrostu (obniżki) (P-R)</li> <li>• rozumie pojęcie oprocentowania (K)</li> <li>• umie obliczyć stan konta po roku czasu, znając oprocentowanie (K)</li> <li>• umie obliczyć stan konta po dwóch latach (P)</li> <li>• umie obliczyć oprocentowanie, znając otrzymaną po roku kwotę i odsetki (P)</li> <li>• umie porównać lokaty bankowe (P)</li> <li>• umie rozwiązać zadania związane z procentami w kontekście praktycznym (P-R)</li> <li>• umie wykonać obliczenia w różnych sytuacjach praktycznych, operuje procentami (P-R)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• umie obliczyć liczbę na podstawie jej procentowego wzrostu (obniżki) (R-D)</li> <li>• umie obliczyć stan konta po kilku latach (R-D)</li> <li>• umie porównać lokaty bankowe (R-D)</li> <li>• umie wykonać obliczenia w różnych sytuacjach praktycznych, operuje procentami (R-D)</li> <li>• umie rozwiązać zadania tekstowe związane z oprocentowaniem (R-W)</li> </ul>
59-60. VAT i inne podatki.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• zna i rozumie pojęcie podatku (K)</li> <li>• zna pojęcia: cena netto, cena brutto (K)</li> <li>• rozumie pojęcie podatku VAT (K-P)</li> <li>• umie obliczyć wartość podatku VAT oraz cenę brutto dla danej stawki VAT (K-P)</li> <li>• umie obliczyć podatek od wynagrodzenia (K-P)</li> <li>• umie obliczyć cenę netto, znając cenę brutto oraz VAT (P)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• umie wykonać obliczenia w różnych sytuacjach praktycznych, operuje procentami (R-D)</li> <li>• umie rozwiązać zadania tekstowe związane z obliczaniem różnych podatków (R-W)</li> </ul>
61-62. Czytanie diagramów.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• zna pojęcie diagramu (K)</li> <li>• rozumie pojęcie diagramu (K)</li> <li>• umie odczytać informacje przedstawione na diagramie (K)</li> <li>• umie analizować informacje odczytane z diagramu (P)</li> <li>• umie przetwarzać informacje odczytane z diagramu (P)</li> <li>• umie interpretować informacje odczytane z diagramu (K-P)</li> <li>• umie wykorzystać informacje w praktyce (K-P)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• umie porównać informacje odczytane z różnych diagramów (R)</li> <li>• umie analizować informacje odczytane z różnych diagramów (R-W)</li> <li>• umie przetwarzać informacje odczytane z różnych diagramów (R-W)</li> <li>• umie interpretować informacje odczytane z różnych diagramów (R-W)</li> <li>• umie wykorzystać informacje w praktyce (R-W)</li> </ul>
63-64. Podział proporcjonalny.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• zna pojęcie podziału proporcjonalnego (K)</li> <li>• umie podzielić daną wielkość na dwie części w zadanym stosunku (P)</li> <li>• umie ułożyć proporcję odpowiednią do warunków zadania (P-R)</li> <li>• umie rozwiązać proste zadania związane z podziałem proporcjonalnym (P-R)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• umie podzielić daną wielkość na kilka części w zadanym stosunku (R-D)</li> <li>• umie rozwiązać zadania związane z podziałem proporcjonalnym w kontekście praktycznym (R-D)</li> <li>• umie obliczyć wielkość, znając jej część oraz stosunek, w jakim ją podzielono (R-D)</li> </ul>
65-66. Obliczanie prawdopodobieństw.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• zna pojęcie zdarzenia losowego (K)</li> <li>• zna wzór na obliczanie prawdopodobieństwa (K)</li> <li>• umie określić zdarzenia losowe w doświadczeniu (K-P)</li> <li>• umie obliczyć prawdopodobieństwo zdarzenia (P)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• na pojęcie prawdopodobieństwa zdarzenia losowego (R)</li> <li>• umie określić zdarzenia losowe w doświadczeniu (R)</li> <li>• umie obliczyć prawdopodobieństwo zdarzenia (R-W)</li> </ul>
67-68. Odczytywanie wykresów.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• rozumie wykres jako sposób prezentacji informacji (K)</li> <li>• umie odczytać informacje z wykresu (K)</li> <li>• umie interpretować informacje odczytane z wykresu (P)</li> <li>• umie odczytać i porównać informacje z kilku wykresów narysowanych w jednym układzie współrzędnych (P-R)</li> <li>• umie interpretować informacje z kilku wykresów narysowanych w jednym układzie współrzędnych</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• umie interpretować informacje odczytane z wykresu (R-W)</li> <li>• umie interpretować informacje z kilku wykresów narysowanych w jednym lub kilku układach współrzędnych (R-D)</li> </ul>

(P-R)
<b>69. Powtórzenie wiadomości o zastosowaniach matematyki.</b>
<b>70. Sprawdzian wiadomości z zastosowań matematyki.</b>
<b>71. Omówienie wyników sprawdzianu z zastosowań matematyki.</b>

## DZIAŁ 5. GRANIASTOSŁUPY I OSTROSŁUPY (16 h)

72-74. Pole powierzchni i objętość graniastoslupa.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• zna pojęcia prostopadłościanu i sześciianu oraz ich budowę (K)</li> <li>• zna pojęcia graniastoslupa prostego i prawidłowego oraz ich budowę (K)</li> <li>• na pojęcie graniastoslupa pochyłego (P)</li> <li>• zna wzory na obliczanie pola powierzchni i objętości graniastoslupa (K)</li> <li>• zna jednostki pola i objętości (K)</li> <li>• rozumie sposób tworzenia nazw graniastoslupów (K)</li> <li>• umie obliczyć pole powierzchni i objętość graniastoslupa (K)</li> <li>• umie obliczyć pole powierzchni i objętość narysowanych graniastoslupów (P-R)</li> <li>• umie obliczyć pole powierzchni i objętość graniastoslupa na podstawie narysowanej jego siatki (P-R)</li> <li>• umie rozwiązać zadania tekstowe związane z objętością i polem powierzchni graniastoslupa (P-R)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• umie obliczyć pole powierzchni i objętość graniastoslupa (R-D)</li> <li>• umie rozwiązać zadania tekstowe związane z objętością i polem powierzchni graniastoslupa (R-W)</li> </ul>
75-76. Odcinki w graniastoslupach.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• zna nazwy odcinków w graniastoslupie (P)</li> <li>• umie wskazać na modelu przekątną ściany bocznej, przekątną podstawy oraz przekątną graniastoslupa (K-P)</li> <li>• umie rysować w rzucie równoległym graniastoslupa prostego przekątne jego ścian oraz przekątne bryły (P-R)</li> <li>• umie obliczyć długość odcinka w graniastoslupie, korzystając z twierdzenia Pitagorasa (P-R)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• umie obliczyć długość odcinka w graniastoslupie, korzystając z twierdzenia Pitagorasa (R-D)</li> <li>• umie obliczyć długość odcinka w graniastoslupie, korzystając z własności trójkątów prostokątnych o kątach <math>90^{\circ}</math>, <math>45^{\circ}</math>, <math>45^{\circ}</math> oraz <math>90^{\circ}</math>, <math>30^{\circ}</math>, <math>60^{\circ}</math> (R-D)</li> </ul>
77. Rodzaje ostrosłupów.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• zna pojęcie ostrosłupa (K)</li> <li>• zna pojęcie ostrosłupa prawidłowego (K)</li> <li>• zna pojęcia czworobocianu i czworobocianu foremego (K)</li> <li>• zna budowę ostrosłupa (K)</li> <li>• rozumie sposób tworzenia nazw ostrosłupów (K)</li> <li>• zna pojęcie wysokości ostrosłupa (K)</li> <li>• umie określić liczbę wierzchołków, krawędzi i ścian ostrosłupa (K-P)</li> <li>• umie rysować ostrosłup w rzucie równoległym (K-P)</li> <li>• umie obliczyć sumę długości krawędzi ostrosłupa (P)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• umie obliczyć sumę długości krawędzi ostrosłupa (R)</li> <li>• umie rozwiązać zadania tekstowe związane z sumą długości krawędzi (R-D)</li> </ul>

78-79. Siatki ostrosłupów. Pole powierzchni.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• na pojęcie siatki ostrosłupa (K)</li> <li>• na pojęcie pola powierzchni ostrosłupa (K)</li> <li>• na wzór na obliczanie pola powierzchni ostrosłupa (K)</li> <li>• ozumie pojęcie pola figury (K)</li> <li>• ozumie sposób obliczania pola powierzchni jako pola siatki (P)</li> <li>• ozumie zasadę kreślenia siatki (K)</li> <li>• mie kreślić siatkę ostrosłupa prawidłowego (K-P)</li> <li>• mie rozpoznać siatkę ostrosłupa (K-P)</li> <li>• mie obliczyć pole ostrosłupa prawidłowego (K-P)</li> <li>• mie rozwiązać zadania tekstowe związane z polem powierzchni ostrosłupa (P)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• mie kreślić siatki ostrosłupów (R)</li> <li>• mie rozpoznać siatkę ostrosłupa (R-D)</li> <li>• mie obliczyć pole powierzchni ostrosłupa ((R-D)</li> <li>• mie rozwiązać zadania tekstowe związane z polem powierzchni ostrosłupa (R-W)</li> </ul>
80-81. Objętość ostrosłupa	<ul style="list-style-type: none"> <li>• na wzór na obliczanie objętości ostrosłupa (K)</li> <li>• ozumie pojęcie objętości figury (K)</li> <li>• mie obliczyć objętość ostrosłupa (K – P)</li> <li>• mie rozwiązać zadanie tekstowe związane z objętością ostrosłupa (P)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• mie obliczyć objętość ostrosłupa (R)</li> <li>• mie rozwiązać zadanie tekstowe związane z objętością ostrosłupa (R – W)</li> <li>• mie rozwiązać zadanie tekstowe związane z objętością ostrosłupa i graniastosłupa (D – W)</li> </ul>
82-84. Odcinki w ostrosłupach.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• na pojęcie wysokości ściany bocznej (K)</li> <li>• mie wskazać trójkąt prostokątny, w którym występuje dany lub szukany odcinek (K-P)</li> <li>• mie stosować twierdzenie Pitagorasa do wyznaczania długości odcinków (P)</li> <li>• mie obliczyć szukany odcinek, stosując twierdzenie Pitagorasa (P-R)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• mie stosować twierdzenie Pitagorasa do wyznaczania długości odcinków (R)</li> <li>• mie rozwiązać zadania tekstowe związane z długością odcinków, polem powierzchni i objętością ostrosłupa oraz graniastosłupa (R-W)</li> </ul>
<b>85. Powtórzenie wiadomości o graniastosłupach i ostrosłupach.</b>		
<b>86. Sprawdzian wiadomości z graniastosłupów i ostrosłupów.</b>		
<b>87. Omówienie wyników sprawdzianu z graniastosłupów i ostrosłupów.</b>		

## DZIAŁ 6 SYMETRIE (15h)



88-90. Symetria względem prostej.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• zna pojęcie punktów symetrycznych względem prostej (K)</li> <li>• umie rozpoznawać figury symetryczne względem prostej (K)</li> <li>• umie określić własności punktów symetrycznych (P)</li> <li>• umie wykreślić punkt symetryczny do danego (K)</li> <li>• umie rysować figury w symetrii osiowej, gdy figura i oś: <ul style="list-style-type: none"> <li>-nie mają punktów wspólnych (K)</li> <li>-mają punkty wspólne (P)</li> </ul> </li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• umie wykreślić oś symetrii, względem której figury są symetryczne (R)</li> <li>• stosuje własności punktów symetrycznych w zadaniach (R-W)</li> <li>• umie rozwiązywać zadania tekstowe związane z symetrią względem prostej (R-W)</li> </ul>
91. Oś symetrii figury.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• zna pojęcie osi symetrii figury (K)</li> <li>• rozumie pojęcie figury osiowosymetrycznej (P)</li> <li>• umie podać przykłady figur, które mają oś symetrii (K)</li> <li>• umie narysować oś symetrii figury (P)</li> <li>• umie uzupełnić figurę do figury osiowosymetrycznej, mając dane: oś symetrii oraz część figury (P)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• umie wskazać wszystkie osie symetrii figury (R)</li> <li>• umie rysować figury posiadające więcej niż jedną oś symetrii (R-W)</li> <li>• umie uzupełnić figurę, tak by była osiowosymetryczna (R-D)</li> </ul>
92-93. Symetralna odcinka.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• zna pojęcie symetralnej odcinka (K)</li> <li>• rozumie pojęcie symetralnej odcinka i jej własności (P)</li> <li>• umie konstruować symetralną odcinka (K)</li> <li>• umie konstrukcyjnie znajdować środek odcinka (K)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• umie dzielić odcinek na <math>2^n</math> równych części (R)</li> <li>• wykorzystuje własności symetralnej odcinka w zadaniach (D-W)</li> </ul>
94-95. Dwusieczna kąta.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• zna pojęcie dwusiecznej kąta i jej własności (K-P)</li> <li>• rozumie pojęcie dwusiecznej kąta i jej własności (K-P)</li> <li>• umie konstruować dwusieczną kąta (K)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• umie dzielić kąt na <math>2^n</math> równych części (R)</li> <li>• wykorzystuje własności dwusiecznej kąta w zadaniach (D-W)</li> <li>• umie konstruować kąty o miarach <math>15^0</math>, <math>30^0</math>, <math>60^0</math>, <math>90^0</math>, <math>45^0</math> oraz <math>22,5^0</math> (R-D)</li> </ul>
96-97. Symetria względem punktu.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• zna pojęcie punktów symetrycznych względem punktu (K)</li> <li>• umie rozpoznawać figury symetryczne względem punktu (K)</li> <li>• umie wykreślić punkt symetryczny do danego (K)</li> <li>• umie rysować figury w symetrii środkowej, gdy środek symetrii: <ul style="list-style-type: none"> <li>- nie należy do figury (K)</li> <li>- należy do figury (P)</li> </ul> </li> <li>• umie wykreślić środek symetrii, względem którego punkty są symetryczne (P)</li> <li>• umie podać własności punktów symetrycznych (P)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• umie wykreślić środek symetrii, względem którego figury są symetryczne (R)</li> <li>• stosuje własności punktów symetrycznych w zadaniach (R-W)</li> <li>• umie rozwiązywać zadania tekstowe związane z symetrią względem punktu (R-W)</li> </ul>
98-99. Środek symetrii figury.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• zna pojęcie środka symetrii figury (P)</li> <li>• umie podać przykłady figur, które mają środek symetrii (P)</li> <li>• umie rysować figury posiadające środek symetrii (P)</li> <li>• umie wskazać środek symetrii figury (P)</li> <li>• umie wyznaczyć środek symetrii odcinka (P)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• umie rysować figury posiadające więcej niż jeden środek symetrii (R)</li> <li>• umie podawać przykłady figur będących jednocześnie osiowo- i środkowosymetrycznymi lub mających jedną z tych cech (R)</li> <li>• stosuje własności figur środkowosymetrycznych w zadaniach (R-W)</li> </ul>
<b>100. Powtórzenie wiadomości o symetriach.</b>		
<b>101. Sprawdzenie wiadomości z symetrii.</b>		
<b>102. Omówienie wyników sprawdzianu z symetrii.</b>		

## DZIAŁ 7 KOŁA I OKRĘGI (11 h)

103-104. Styczna do okręgu.	<ul style="list-style-type: none"> <li>mie rozpoznać wzajemne położenie prostej i okręgu (P)</li> <li>na pojęcie stycznej do okręgu (P)</li> <li>mie rozpoznać styczną do okręgu (P)</li> <li>ie, że styczna do okręgu jest prostopadła do promienia poprowadzonego do punktu styczności (P)</li> <li>umie konstruować styczną do okręgu, przechodzącą przez dany punkt na okręgu (P)</li> <li>mie rozwiązać zadania konstrukcyjne i rachunkowe związane ze styczną do okręgu (P-R)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>na twierdzenie o równości długości odcinków na ramionach kąta wyznaczonych przez wierzchołek kąta i punkty styczności (R)</li> <li>mie konstruować okrąg styczny do prostej w danym punkcie (R)</li> <li>mie rozwiązać zadania konstrukcyjne i rachunkowe związane ze styczną do okręgu (R – W)</li> </ul>
105. Wzajemne położenie dwóch okręgów.	<ul style="list-style-type: none"> <li>zna pojęcie okręgów rozłącznych, przecinających się i stycznych (K)</li> <li>umie określić wzajemne położenie dwóch okręgów, znając ich promienie i odległość między ich środkami (P)</li> <li>umie obliczyć odległość między środkami okręgów, znając ich promienie i położenie (P)</li> <li>umie rozwiązać zadania związane z okręgami w układzie współrzędnych (P)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>umie określić wzajemne położenie dwóch okręgów, znając ich promienie i odległość między ich środkami (R)</li> <li>umie obliczyć odległość między środkami okręgów, znając ich promienie i położenie (R-D)</li> <li>umie rozwiązać zadania związane z okręgami w układzie współrzędnych (R-D)</li> <li>umie rozwiązać zadania tekstowe związane ze wzajemnym położeniem dwóch okręgów (R-W)</li> </ul>
106-108. Liczba $\pi$ . Długość okręgu.	<ul style="list-style-type: none"> <li>na wzór na obliczanie długości okręgu (K)</li> <li>zna liczbę <math>\pi</math> (K)</li> <li>mie obliczyć długość okręgu, znając jego promień lub średnicę (K-P)</li> <li>umie wyznaczyć promień lub średnicę okręgu, znając jego długość (P)</li> <li>umie obliczyć obwód figury składającej się wielokrotności ćwiartek okręgu (P)</li> <li>umie rozwiązać zadania tekstowe związane z porównywaniem obwodów figur (P)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>rozumie sposób wyznaczenia liczby <math>\pi</math> (R)</li> <li>umie rozwiązać zadania tekstowe związane z długością okręgu (R-D)</li> <li>umie rozwiązać zadania tekstowe związane z porównywaniem obwodów figur (R-D)</li> </ul>
109-110. Pole koła.	<ul style="list-style-type: none"> <li>na wzór na obliczanie pola koła (K)</li> <li>mie obliczyć pole koła, znając jego promień lub średnicę (K-P)</li> <li>mie obliczyć pole pierścienia kołowego, znając promienie lub średnice kół ograniczających pierścień (K-P)</li> <li>umie wyznaczyć promień lub średnicę koła, znając jego pole (P)</li> <li>umie rozwiązać zadania tekstowe związane porównywaniem pól figur (P)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>umie wyznaczyć promień lub średnicę koła, znając jego pole (R)</li> <li>umie obliczyć pole koła, znając jego obwód i odwrotnie (R-D)</li> <li>mie obliczyć pole nietypowej figury, wykorzystując wzór na pole koła (R-D)</li> <li>mie rozwiązać zadania tekstowe związane z porównywaniem pól figur (R-D)</li> <li>mie rozwiązać zadania tekstowe związane z obwodami i polami figur (D-W)</li> </ul>
<b>111. Powtórzenie wiadomości o kołach i okręgach.</b>		
<b>112. Sprawdzenie wiadomości o kołach i okręgach.</b>		
<b>113. Omówienie wyników sprawdzianu o kołach i okręgach.</b>		

## DZIAŁ 8 RACHUNEK PRAWDOPODOBIENSTWA (8h)

114-116. Ile jest	<ul style="list-style-type: none"> <li>wie, że wyniki doświadczeń losowych można przedstawić w różny sposób (P)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>umie obliczyć liczbę możliwych wyników przy dokonywaniu trzech</li> </ul>
-------------------	--	--

możliwości?	<ul style="list-style-type: none"> <li>•umie opisać wyniki doświadczeń losowych lub przedstawić je za pomocą tabeli (P)</li> <li>•umie obliczyć liczbę możliwych wyników, wykorzystując sporządzony przez siebie opis lub tabelę (P)</li> <li>•umie obliczyć liczbę możliwych wyników przy dokonywaniu dwóch wyborów, stosując regułę mnożenia (P-R)</li> </ul>	<p>i więcej wyborów, stosując regułę mnożenia (R-D)</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>•umie obliczyć liczbę możliwych wyników, stosując regułę mnożenia oraz regułę dodawania (R-D)</li> <li>•umie obliczyć liczbę możliwych wyników, stosując własne metody (R-W)</li> </ul>
117-119. Obliczanie prawdopodobieństw (cd.).	<ul style="list-style-type: none"> <li>• na wzór na obliczanie prawdopodobieństwa (K)</li> <li>• zna sposoby obliczania liczby zdarzeń losowych (P)</li> <li>•umie wykorzystać tabelę do obliczenia prawdopodobieństwa zdarzenia (P)</li> <li>•umie obliczyć prawdopodobieństwo zdarzenia składającego się z dwóch wyborów (P)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>•umie obliczyć prawdopodobieństwo zdarzenia składającego się z dwóch wyborów (R-W)</li> </ul>
<b>120. Powtórzenie wiadomości z rachunku prawdopodobieństwa.</b>		
<b>121. Sprawdzian wiadomości z rachunku prawdopodobieństwa.</b>		